- Convergence dominée et intégrales à paramètres : exercice éventuellement pour compléter mais commencer par un exerice de série numérique.
- Séries numériques : révision PCSI + programme PC (attention : très peu d'exercices de TD traités avant mercredi).

## A - Compléments sur les séries numériques

Cette section a pour objectif de consolider et d'élargir les acquis de première année sur les séries, notamment la convergence absolue, en vue de l'étude des probabilités discrètes et des séries de fonctions. L'étude de la semi-convergence n'est pas un objectif du programme.

| Contenus   | CAPACITÉS & COMMENTAIRES  |
|--|---|
| Technique de comparaison série-intégrale.                            | Les étudiants doivent savoir utiliser la comparaison série-<br>intégrale pour établir des convergences et des diver-<br>gences de séries, estimer des sommes partielles de séries<br>divergentes ou des restes de séries convergentes dans le |
|  | cas d'une fonction monotone.  |
| Formule de Stirling : équivalent de $n!$ .<br>Règle de d'Alembert.   | La démonstration n'est pas exigible.  |
| Théorème spécial des séries alternées, majoration et signe du reste. | La transformation d'Abel est hors programme.  |
| Produit de Cauchy de deux séries absolument convergentes.            | La démonstration n'est pas exigible.  |

Colle 8 1/1